

## indexing 参考资料

**概要:** 基于指数变换的适应度计算。

**描述:**

该函数对目标函数值 ObjV 作指数变换，使其变成受 $\beta$  影响的指数尺度的适应度值。

变换公式:  $Fit = e^{-\beta * ObjV} + 1$

该函数遵循“最小适应度为 0”的约定（特殊情况除外）。

**语法:**

```
FitnV = indexing(ObjV)
FitnV = indexing(ObjV, LegV)
FitnV = indexing(ObjV, LegV, Beta)
FitnV = indexing(ObjV, LegV, Beta, SUBPOP)
```

**详细说明:**

该函数先将个体的目标值 ObjV 进行 0-1 标准化，然后进行指数变换，最终返回一个代表种群适应度的列向量 FitnV。

LegV 是一个可选参数，保存着个体对应的可行性的列向量，0 表示该个体是非可行解，1 表示是可行解。

Beta 是一个正实数，其值影响指数变换。缺省情况下默认 Beta 为 1。

SUBPOP 是一个正整数，代表子种群的数量。SUBPOP 必须能够被种群个体数整除。关于子种群的概念详见 migrate 参考资料。

注：Geatpy 的适应度遵循“种群目标函数值越大，适应度越小”的原则。

并且当子种群的所有个体的目标函数值相等时，其对应的适应度值均为 1。

**特别注意:**

本函数是根据传入参数 ObjV 来计算适应度的，且遵循“种群目标函数值越大，适应度越小”的原则，因此在调用本函数前，需要对传入的 ObjV 乘上'maxormin'(最大最小化标记)。但是，由于返回的是 FitnV，它与 ObjV 在含义上无关了，因此不需要对其乘上'maxormin' 进行还原。

**应用实例:**

现有一个拥有 10 个个体的种群，每个个体的目标函数值为 1, 2, 2, 4, 5, 10, 9, 8, 7, 6，若该种群包含 2 个子种群，求其指数尺度变换的适应度值。

```
ObjV = np.array([[1], [2], [2], [4], [5], [10], [9], [8], [7], [6]])
LegV = np.array([[1], [1], [1], [1], [1], [1], [1], [1], [1], [1]])
FitnV = indexing(ObjV, LegV, 2, 2) # 设定Beta值为2, SUBPOP为2
```

$$FitnV = \begin{pmatrix} 2 \\ 1.60653066 \\ 1.60653066 \\ 1.22313016 \\ 1.13533528 \\ 1.13533528 \\ 1.22313016 \\ 1.36787944 \\ 1.60653066 \\ 2 \end{pmatrix}$$

解析：该种群拥有 10 个个体，但因为有 2 个子种群，所以前 5 个为第一个子种群，后 5 个为第二个子种群。由结果可见，目标函数值越大的个体适应度值越小。